

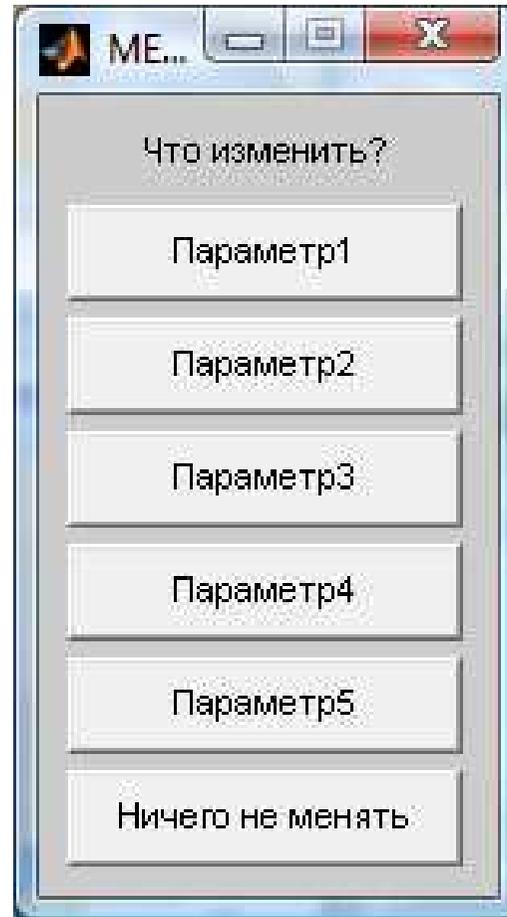
## 6.4.5. Организация изменения данных в диалоговом режиме

Повторение действий, содержащихся в ядре "Yadro.m", имеет смысл только в том случае, когда в начале этого ядра обеспечено выполнение действий по изменению некоторых из исходных величин.

Организацию диалогового изменения данных рассмотрим на примере некоторых 5 параметров: *Параметр1*, *Параметр2*, ..., *Параметр5*. Пусть их обозначения как переменных в программе таковы:  $x_1, x_2, \dots, x_5$ . Тогда меню выбора параметра для изменения его значения должно содержать 6 альтернатив: 5 из них предназначены для выбора одного из указанных параметров, а последняя – для выхода из меню, если значение всех параметров установлены.

Поэтому вариант оформления такого меню может быть, например, следующим:

```
k = menu(' Что изменить? ', 'Параметр1', 'Параметр2', ...  
'Параметр3 ', ' Параметр4 ', ' Параметр5 ', ' Ничего не  
менять ')
```

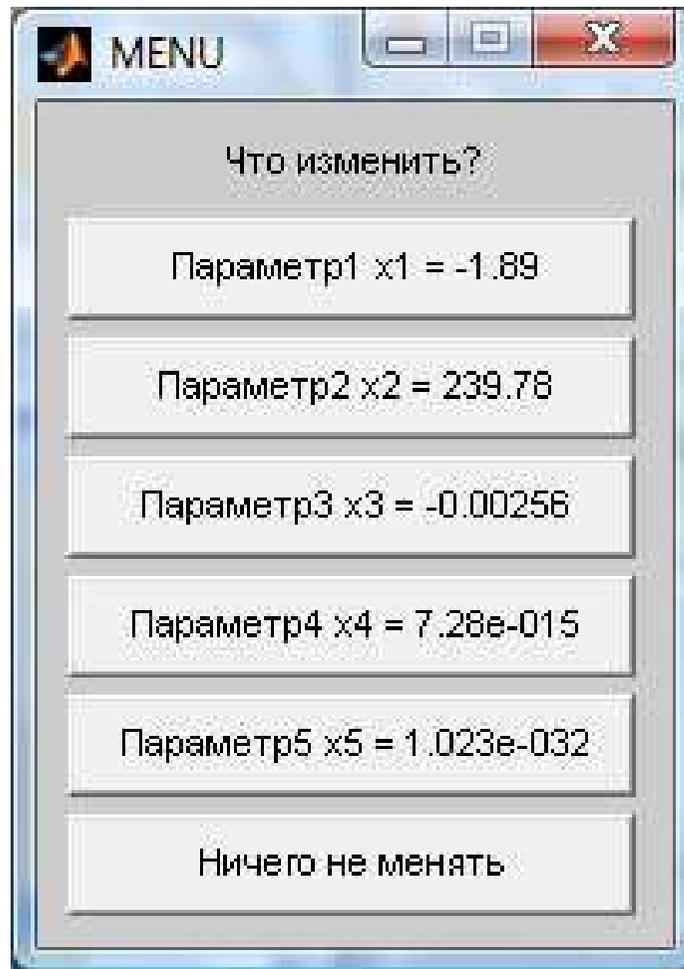


Недостатком такого оформления окна меню является отсутствие информации о значении самого параметра. Поэтому пользователю сложно принять решение, значение какого именно параметра следует изменить и как.



Для отображения информации о текущем значении соответствующего параметра можно использовать функцию ***sprintf***:

```
x1=-1.89; x2=239.78; x3=-2.56e-3;  
x4=7.28e-15; x5=1.023e-32;  
k = menu( ' Что изменить? ', ...  
sprintf ( ' Параметр1 x1 = %g', x1), ...  
sprintf ( ' Параметр2 x2 = %g', x2), ...  
sprintf ( ' Параметр3 x3 = %g', x3), ...  
sprintf ( ' Параметр4 x4 = %g', x4), ...  
sprintf ( ' Параметр5 x5 = %g', x5), ...  
' Ничего не менять ' )
```



Меню позволяет выбрать параметр, который нужно изменить, однако не обеспечивает самого изменения выбранного параметра.

Это изменение должно быть осуществлено с помощью ввода нового значения с клавиатуры:

```
x = input( [sprintf ('Текущее значение x =%g',x),  
          'Новое значение x = ']).
```

Если ввести команды

```
» x = 3.02e-2;
```

```
» x=input( [sprintf('Текущее значение x = %g  
          ', x), ' Новое значение x = '])
```

то в командном окне появится надпись:

```
Текущее значение x = 0. 0302 Новое значение x =
```

Теперь нужно набрать на клавиатуре новое значение  $x$  и нажать <Enter>, например:

```
Текущее значение x=0.0302 Новое значение  
x=0.073
```

```
x = 0.0730
```

Чтобы предотвратить повторный вывод на экран введенного значения, необходимо строку с функцией **input** завершить символом ";".

В нашем случае нужно организовать выбор разных видов операторов в соответствии с отдельными выбранными параметрами. Для этого можно использовать оператор условного перехода:

```
if k==1,
x1 = input( [sprintf( 'Текущее значение x1 = %g', x1) ...
            ' Новое значение x1= ']);
elseif k==2,
x2 = input( [sprintf('Текущее значение x2 = %g', x2) ...
            ' Новое значение x2= ']);
elseif k==3,
x3 = input( [sprintf('Текущее значение x3 = %g', x3) ...
            ' Новое значение x3= ']);
elseif k==4
x4 = input( [sprintf('Текущее значение x4 = %g', x4) ...
            ' Новое значение x4= ']);
elseif k==5
x5 = input( [sprintf('Текущее значение x5 = %g', x5) ...
            ' Новое значение x5= ']);
end
```



Чтобы можно было проконтролировать правильность ввода новых значений, обеспечить возможность их корректировки и последовательного изменения всех желаемых параметров, нужно, чтобы после ввода нового значения любого параметра на экране снова возникало то же меню, но уже со скорректированными значениями. При этом конец работы с меню должен наступить только при условии выбора последней альтернативы меню "Ничего не менять", соответствующей значению **k**, равному 6.

Поэтому предыдущие операторы следует заключить в цикл:

```
k=1;
while k<6
k = menu( ' Что менять? ', ...
sprintf (' Параметр1 x1 = %g', x1),...
sprintf (' Параметр2 x2 = %g', x2),...
sprintf (' Параметр3 x3 = %g', x3),...
sprintf (' Параметр4 x4 = %g', x4),...
sprintf (' Параметр5 x5 = %g', x5), ' Ничего не менять ');
if k==1,
x1 = input( [sprintf('Текущее значение x1 = %g', x1) ...
' Новое значение x1= ']);
elseif k==2,
x2 = input( [sprintf('Текущее значение x2 = %g', x2) ...
' Новое значение x2= ']);
elseif k==3,
x3 = input( [sprintf('Текущее значение x3 = %g', x3) ...
' Новое значение x3= ']);
elseif k==4
x4 = input( [sprintf('Текущее значение x4 = %g', x4) ...
' Новое значение x4= ']);
elseif k==5
x5 = input( [sprintf('Текущее значение x5 = %g', x5) ...
' Новое значение x5= ']);
end
end
```



## 6.4.6. Типовая структура и оформление Script-файла

1. Весь процесс диалогового изменения параметров удобно оформлять в виде отдельного Script-файла, к примеру, с именем "ScrFil\_Menu", где под сокращением "ScrFil" понимается имя основного (собирающего) Script-файла.
2. Перед главным циклом программы, обеспечивающим возвращение к началу вычислений, необходимо поместить часть программы, которая задает первоначальные значения всех параметров.
3. В начале работы программы удобно вывести на экран краткую информацию о назначении программы, исследуемой математической модели с указанием исходных параметров. Это желательно также оформить в виде отдельного Script-файла, например, с именем "ScrFil\_Zastavka".
4. При завершении работы программы желательно очистить рабочее пространство от введенных глобальных переменных, закрыть открытые программой графические окна (фигуры) и т.д. Эту завершающую часть тоже можно оформить как отдельный Script-файл, например, назвав его "ScrFil\_Kin".

## Типовая схема оформления **Script-файла** отдельной программы:

```
% <Обозначение Script-файла (ScrFil.m)>
% <Текст комментария с описанием
  назначения программы>
< Пустая строка >
% Автор < Фамилия И. О., дата создания,
  организация>
ScrFil_Zastavka
k = menu('Что делать? ', 'Продолжить
  работу', 'Закончить работу');
if k==1,
while k==1
ScrFile_Yadro
k = menu(' Что делать ? ', ' Продолжить
  работу ', ' Закончить работу ');
end
end
ScrFil_Kin
```

## 6.5. Создание функций от функций

Существуют функции (процедуры) алгоритмы определения которых требуют вычисления других функций. К таким процедурам принадлежат:

- вычислений *интеграла* от функции, которые требуют указания имени М-файла, содержащего вычисления значения подынтегральной функции;
- *численного интегрирования* дифференциальных уравнений, использование которых требует указания имени М-файла, в котором вычисляются правые части уравнений в форме Коши;
- алгоритмов *численного вычисления корней* нелинейных алгебраических уравнений (нулей функций), которые нуждаются в указании файла-функции, нуль которого отыскивается;
- алгоритмов *поиска минимума* функции, которую, в свою очередь, надо задавать соответствующим М-файлом и т.п.

## 6.5.1. Процедура *feval*

Чтобы первый, более общий алгоритм был приспособлен для любой функции, нужно, чтобы имя этой функции было некоторой переменной, принимающей определенное значение только при обращении к основному алгоритму.

В MatLAB любая функция (процедура), например, с именем FUN1, может быть выполнена не только с помощью обычного обращения:

$[y_1, y_2, \dots, y_k] = \mathbf{FUN1}(x_1, x_2, \dots, x_n),$

а и при помощи специальной процедуры *feval*:

$[y_1, y_2, \dots, y_k] = \mathbf{feval}('FUN1', x_1, x_2, \dots, x_n),$

где имя функции FUN1 является уже одной из входных переменных (текстовой - и поэтому помещается в апострофы).

Преимуществом второй формы является возможность унифицировать обращение ко всем функциям имеющим одинаковое число входных и выходных параметров. При этом имя функции может быть произвольным и изменяться при повторных обращениях.

## 6.5.2. Пример создания процедуры от функции

### Процедура численного интегрирования ОДУ методом Рунге-Кутты 4-го порядка

Пусть задана система ОДУ в форме Коши:

$$\frac{dy}{dt} = Z(y, t)$$

где  $y$  - вектор переменных состояния системы;  $t$  - аргумент (время);  $Z$  – вектор заданных функций.

Если значение вектора  $y$  в момент времени  $t$  известно, то общая формула, по которой может быть найден вектор  $y_{out}$  значений переменных состояния системы в момент времени  $t_{out} = t + h$  (где  $h$  - шаг интегрирования), имеет вид:

$$y_{out} = y + h * F(y, t).$$

Функция  $F(y, t)$  связана с вектором  $Z$  и может приобретать разный вид в зависимости от выбранного метода численного интегрирования.

Для метода Рунге-Кутты 4-го порядка  
выберем такую ее форму:

$$F = (k_1 + 3 \cdot k_2 + 3 \cdot k_3 + k_4) / 8$$

где

$$k_1 = Z(y, t)$$

$$k_2 = Z\left(y + h \cdot \frac{k_1}{3}, t + \frac{h}{3}\right)$$

$$k_3 = Z\left(y + h \cdot k_2 - h \cdot \frac{k_1}{3}, t + \frac{2h}{3}\right)$$

$$k_4 = Z(y + h \cdot k_3 - h \cdot k_2 - h \cdot k_1, t + h)$$

Создадим М-файл процедуры, которая осуществляет эти вычисления, назвав его "rko43":

```
function [tout, yout] = rko43(Zfun,h,t,y)
```

```
% Расчет промежуточных значений производных
```

```
k1 = feval('Zfun', t, y);
```

```
k2 = feval('Zfun', t+h/3, y+h/3*k1);
```

```
k3 = feval('Zfun', t+2*h/3, y+h*k2-h/3*k1);
```

```
k4 = feval('Zfun', t+h, y+h*(k3+k1-k2));
```

```
% Расчет новых значений вектора переменных состояния
```

```
tout = t + h;
```

```
yout = y + h*(k1 + 3*k2 + 3*k3 + k4)/8;
```

### 6.5.3. Методы численного интегрирования систем ОДУ (решатели) установленные в Matlab

#### 1) с фиксированным шагом:

- *discrete (no continuous states)* - дискретный (не непрерывные состояния);
- *ode5* – метод Дормана-Пренса (пятого порядка);
- *ode4* – метод Рунге-Кутты (четвертого порядка);
- *ode3* – метод Богацкого-Шампена (третьего порядка);
- *ode2* – метод Хойне (второго порядка);
- *ode1* – метод Ейлера (первого порядка).

## 2) с переменным шагом :

**ode45** – явные методы Рунге-Кутты 4-го и 5-го порядка. Это классический метод, рекомендуемый для начальной пробы решения. Во многих случаях он дает хорошие результаты;

**ode23** – явные методы Рунге-Кутты 2-го и 4-го порядка. При умеренной жесткости системы ОДУ и низких требованиях к точности этот метод может дать выигрыш в скорости решения;

**ode113** – метод Адамса-Башворта-Мултона переменного порядка. Это адаптивный метод, который может обеспечить высокую точность решения;

**ode15s** – метод переменного порядка (от 1 до 5, по умолчанию 5), использующий формулы численного дифференцирования. Это адаптивный метод, его стоит применять, если решатель ode45 не обеспечивает решения;

**ode23s** – метод, использующий модифицированную формулу Розенброка 2-го порядка. Может обеспечить высокую скорость вычислений при низкой точности решения жесткой системы дифференциальных уравнений;

**ode23t** – метод трапеций с интерполяцией. Этот метод дает хорошие результаты при решении задач, описывающих колебательные системы с почти гармоническим выходным сигналом;

**ode23tb** – неявный метод Рунге-Кутты в начале решения и метод, использующий формулы обратного дифференцирования 2-го порядка в последующем. Несмотря на сравнительно низкую точность, этот метод может оказаться более эффективным, чем ode15s.

## 6.5.4. Использование решателей систем ОДУ MatLab

Функция для решения систем дифференциальных уравнений описывается следующим образом:

**[T, Y] = solver(@F, tspan, y0, options)** – где вместо `solver` подставляем имя конкретного решателя – интегрирует систему дифференциальных уравнений вида  $y' = F(t, y)$  на интервале `tspan` с начальными условиями `y0`.

`@F` – дескриптор ODE-функции.

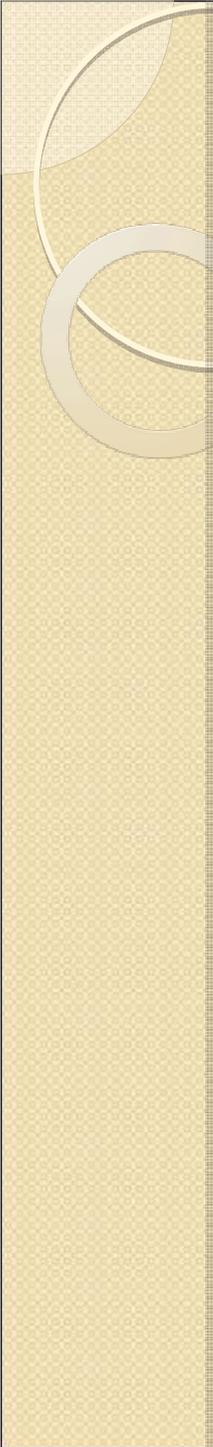
Каждая строка в массиве решений `Y` соответствует значению времени, возвращаемому в векторе-столбце `T`;  
`options` – аргумент, создаваемый функцией `odeset` позволяет изменить параметры, установленные по умолчанию. Обычно используемые параметры включают допустимое значение относительной погрешности `RelTol` (по умолчанию  $1e-3$ ) и вектор допустимых значений абсолютной погрешности `AbsTol` (все компоненты по умолчанию равны  $1e-6$ );



Пример задания параметров:

```
options=odeset('RelTol',1e-3, 'AbsTol',1e-6,  
    'MaxStep',1e-4, 'InitialStep',1e-4);
```

**[T,Y] = solver(@F,tspan,y0,options,p1,p2...)** –  
дает решение, подобное описанному  
выше, передавая дополнительные  
параметры p1, p2,... в m-файл F всякий  
раз, когда он вызывается.



**Алгоритм решения ОДУ** рассмотрим на примере решения уравнения Ван-дер-Поля, записанного в виде системы из двух дифференциальных уравнений:

$$\begin{cases} \frac{dy_1}{dt} = y_2 \\ \frac{dy_2}{dt} = 100 \cdot (1 - y_2)^2 \cdot y_2 - y_1 \end{cases}$$

При начальных условиях

$$y_1(0) = 0,$$

$$y_2(0) = 1.$$



Перед решением нужно записать систему дифференциальных уравнений в виде ode-функции. Для этого составим m-File с названием vdp100.m:

```
function dydt = vdp100(t,y)
```

```
dydt = zeros(2,1); % вектор-столбец из нулевых  
значений, число которых равно числу уравнений
```

```
dydt(1) = y(2);
```

```
dydt(2) = 100*(1-y(2))^2*y(2) -y(1);
```



Теперь численно решим эту систему с помощью решателя `ode15s`

» `[T, Y]=ode15s (@vdp100, [0 2], [0 1])`

Построим график полученного решения:

» `plot (T, Y)`